

1. Treffer: Person, die an Grauem Star leidet; $n = 15$ $p = \frac{1}{15}$

Binomialverteilung

a) $P(X = 1) = \binom{15}{1} \cdot \left(\frac{1}{15}\right)^1 \cdot \left(\frac{14}{15}\right)^{14} = 38,06\%$ (2)

b) $P(X \geq 1) > 0,9$ $1 - P(X=0) > 0,9$ $P(X=0) < 0,1$
 $\left(\frac{14}{15}\right)^n < 0,1$ $n \cdot \ln\left(\frac{14}{15}\right) < \ln 0,1$ $n > 33,3$

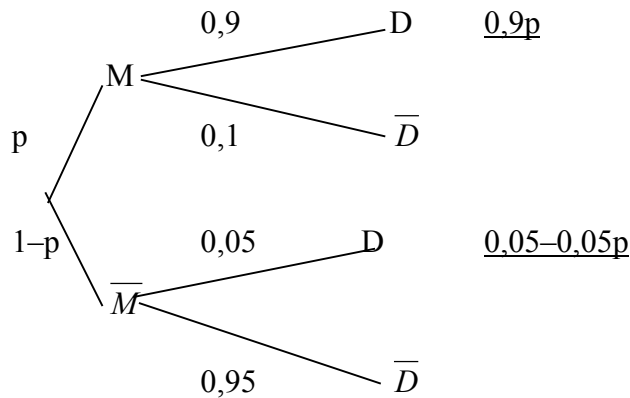
Es muss mindestens 34 Personen um einen Termin bitten.

3Mindestens-Aufgabe

2 $H_0: p \geq 0,02$ $A = \{k+1; \dots; 100\}$
 $H_1: p < 0,02$ $\bar{A} = \{0; \dots; k\}$
 $P_{0,02}^{200}(X \leq k) \leq 0,01$ $k \leq -1$ (unmöglich!)

Signifikanztest

3.



$P(D) = 0,9p - 0,05p + 0,05 = 0,05 + 0,85 p$ (5)

$P_D(M) = \frac{0,9p}{0,85p + 0,05} = \frac{90p}{85p + 5}$ (Erweitern mit 100) (2)

4.

| | | | |
|----------|------|------|------|
| k | 3 | 4 | 5 |
| y | 1460 | 1910 | 2360 |
| P(Y = y) | 60 % | 10 % | 30 % |
| y-(E(Y)) | -315 | 135 | 585 |

$E(Y) = 1460 \cdot 0,6 + 1910 \cdot 0,1 + 2360 \cdot 0,3 = 1775$ (3)

$Var(Y) = (-315)^2 \cdot 0,6 + 135^2 \cdot 0,1 + 585^2 \cdot 0,3 = 164025$ (€²)

$\sigma = 405$ (€) (2)

5. Es gilt $p = \frac{2}{n}$ $k = 2$

$$P(X=2) = \binom{n}{2} \cdot \left(\frac{2}{n}\right)^2 \cdot \left(1 - \frac{2}{n}\right)^{n-2} = \frac{n!}{2!(n-2)!} \cdot \left(\frac{2}{n}\right)^2 \cdot \left(1 - \frac{2}{n}\right)^{n-2} = \frac{n(n-1)}{2} \cdot \frac{4}{n^2} \cdot \left(1 - \frac{2}{n}\right)^{n-2}$$

Einsetzen der Definition des Binomialkoeff. Kürzen $n! = n(n-1)(n-2) \dots$
 $(n-2)! = (n-2) \dots$

$$= (n-1) \cdot \frac{2}{n} \cdot \left(1 - \frac{2}{n}\right)^{n-2} = \left(2 - \frac{2}{n}\right) \cdot \left(1 - \frac{2}{n}\right)^{n-2}$$

Kürzen $\frac{2}{n}$ in die 1. Klammer